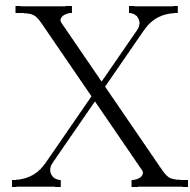




Enseignant·e·s: Dovi, Huruguen, Maatouk
Géométrie Analytique - CMS
6 novembre 2023
Durée : 105 minutes



Contrôle 1 (Enoncé)

SCIPER: XXXXXX

Attendez le début de l'épreuve avant de tourner la page. Ce document est imprimé recto-verso, il contient 11 questions et 12 pages, les dernières pouvant être vides. Il y a 35 points au total. Ne pas dégrafer.

- Posez votre carte d'étudiant sur la table et vérifiez votre nom et votre numéro SCIPER sur la première page.
- **Aucun** document n'est autorisé.
- L'utilisation d'une **calculatrice** et de tout outil électronique est interdite pendant l'épreuve.
- Pour les questions à **choix multiple**, on comptera :
 - les points indiqués si la réponse est correcte,
 - 0 point si il n'y a aucune ou plus d'une réponse inscrite,
 - 0 point si la réponse est incorrecte.
- Utilisez un **stylo** à encre **noire ou bleu foncé** et effacez proprement avec du **correcteur blanc** si nécessaire.
- Si une question est erronée, l'enseignant se réserve le droit de l'annuler.
- Les dessins peuvent être faits au crayon.
- Répondez dans l'espace prévu (**aucune** feuille supplémentaire ne sera fournie).
- Les brouillons ne sont pas à rendre: ils ne seront pas corrigés.

Respectez les consignes suivantes Observe this guidelines Beachten Sie bitte die unten stehenden Richtlinien		
choisir une réponse select an answer Antwort auswählen	ne PAS choisir une réponse NOT select an answer NICHT Antwort auswählen	Corriger une réponse Correct an answer Antwort korrigieren
  		 
ce qu'il ne faut PAS faire what should NOT be done was man NICHT tun sollte		
     		



Première partie, questions à choix unique

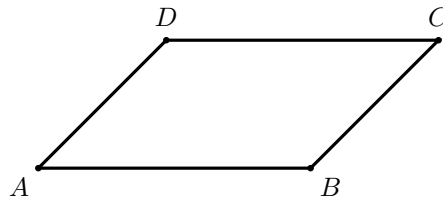
Pour chaque question, marquer la case correspondante à la réponse correcte sans faire de ratures. Il n'y a qu'une seule réponse correcte par question.

Enoncé

Soit $ABCD$ le parallélogramme tel que $\|\vec{AB}\| = 3$, $\|\vec{AD}\| = 2$, et l'angle entre $\|\vec{AB}\|$ et $\|\vec{AD}\|$ vaut $\pi/4$. On donne les deux repères suivants du plan: $R_1 = (A, \vec{AB}, \vec{AD})$ et $R_2 = (C, \vec{AC} + \vec{BD}, \vec{BD})$. On donne :

$$I\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \text{ dans } R_1, \quad J\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \text{ dans } R_2, \quad \vec{u}\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix} \text{ dans } R_1.$$

Indication: pour résoudre les questions ci-dessous, vous pouvez commencer par construire les points donnés.



Question 1 (2 points)

Que vaut la norme de $\vec{u}$?

☐ $\sqrt{25 + 6\sqrt{2}}$

☐ $\sqrt{13}$

☐ $\sqrt{25 - 12\sqrt{2}}$

☐ $\sqrt{5}$

Question 2 (2 points)

Laquelle des affirmations suivantes est vraie ?

☐ (IJ) est parallèle à (AB)

☐ J appartient à (CD)

☐ $\|\vec{CJ}\| = 2\|\vec{BC}\|$

☐ J appartient à (BC)

Question 3 (2 points)

Quelles sont les coordonnées de I dans R_2 ?

☐ $(-1, \frac{1}{2})$

☐ $(-1, \frac{3}{2})$

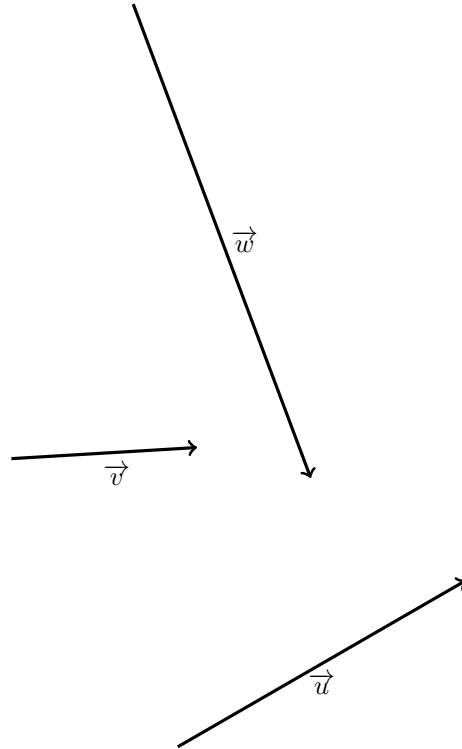
☐ $(-2, \frac{3}{2})$

☐ $(-2, \frac{1}{2})$



Enoncé

On donne les trois vecteurs $\vec{u}$, $\vec{v}$ et $\vec{w}$ ci-dessous dans le plan, avec $\vec{u}$ de norme 4.
Vous pouvez écrire sur le dessin donné.



Question 4 (2 points)

Une des affirmations ci-dessous est vraie. Laquelle ?

☐ $\vec{u} \cdot \vec{w} = -2$

☐ $\vec{u} \cdot \vec{v} = 4$

☐ $\vec{u} \cdot \vec{w} = -4$

☐ $\vec{u} \cdot \vec{v} = 2$

Question 5 (2 points)

Lequel des vecteurs ci-dessous a la plus grande norme ?

☐ $p_{\vec{v}}(\vec{w})$

☐ $p_{\vec{u}}(\vec{w})$

☐ $p_{\vec{w}}(\vec{v})$

☐ $p_{\vec{w}}(\vec{u})$

Question 6 (2 points)

Une des affirmations ci-dessous est vraie. Laquelle ?

☐ $(\vec{u} - \vec{v}) \cdot (\vec{u} + \vec{v}) > 0$

☐ $\vec{u} \cdot \vec{w} > \vec{v} \cdot \vec{w}$

☐ $\vec{v} \cdot \vec{w} > \|\vec{w}\|^2$

☐ $\vec{u} \cdot (\vec{v} + \vec{w}) < 0$



Enoncé

Dans le plan muni d'un repère orthonormé direct on considère le triangle ABC , où :

$$A(7,4), B(8,5), C(6,11)$$

Question 7 (2 points)

L'équation $x + y = 17$ décrit ...

☐ la hauteur issue de A

☐ la hauteur issue de C

☐ la médiatrice du segment AC

☐ la médiatrice du segment AB

Question 8 (2 points)

Parmi les équations suivantes, laquelle décrit la bissectrice au sommet A ?

☐ $3x - y = 17$

☐ $3x + y = 25$

☐ $x - 3y + 5 = 0$

☐ $x + 3y = 19$

Question 9 (2 points)

Parmi les points suivants, lequel se trouve sur la médiane issue de B ?

☐ $(6,9)$

☐ $(5,10)$

☐ $(3,13)$

☐ $(4,11)$



Deuxième partie, questions de type ouvert

Répondre dans l'espace dédié. Votre réponse doit être soigneusement justifiée, toutes les étapes de votre raisonnement doivent figurer dans votre réponse. Laisser libres les cases à cocher : elles sont réservées au correcteur.

Question 10: Cette question est notée sur 9 points.

☐	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5	☐ .5
☐ 0	☐ 1	☐ 2	☐ 3	☐ 4	☐ 5	☐ 6	☐ 7	☐ 8	☐ 9		

Dans le plan, on donne les points A, B et C vérifiant les conditions indiquées sur le dessin ci-dessous :

$$\|\overrightarrow{AB}\| = 4, \quad \|\overrightarrow{AC}\| = 3, \quad \text{angle entre } \overrightarrow{AB} \text{ et } \overrightarrow{AC} = 60^\circ.$$

- (a) Soit le point I vérifiant l'égalité vectorielle :

$$2\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{AB} = 4\overrightarrow{CI}.$$

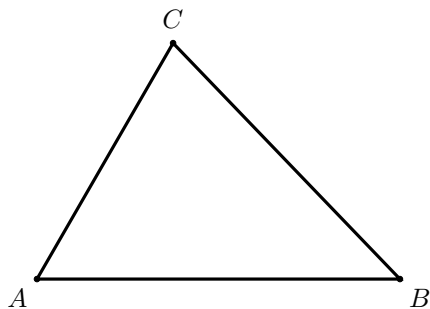
Exprimer $\overrightarrow{AI}$ en fonction de $\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{AC}$, puis placer le point I sur la figure.

- (b) On appelle d le lieu des points M du plan satisfaisant la condition :

$$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AB} = \alpha$$

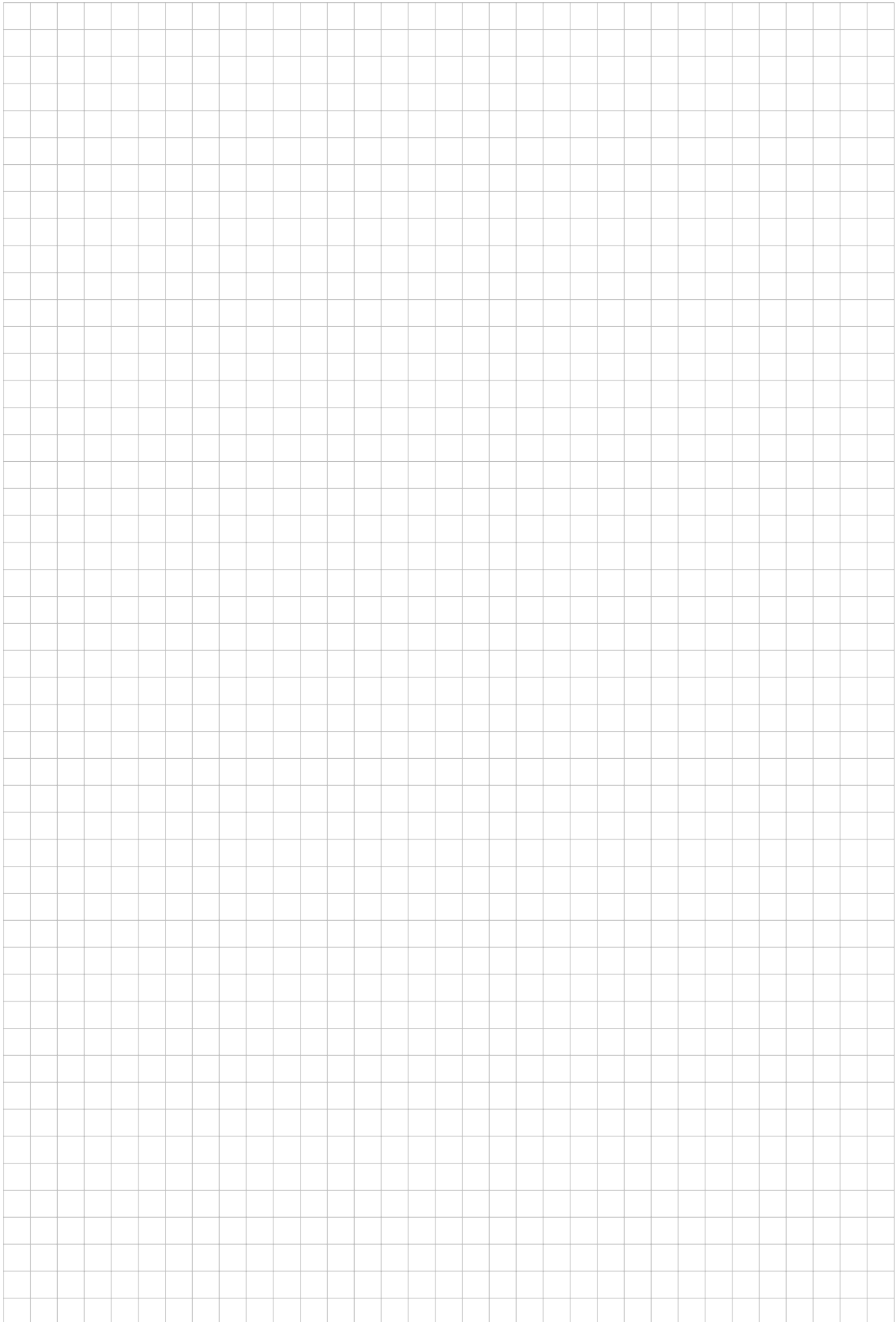
où α est un réel donné. Sans faire aucun calcul, que pouvez-vous dire de ce lieu ?

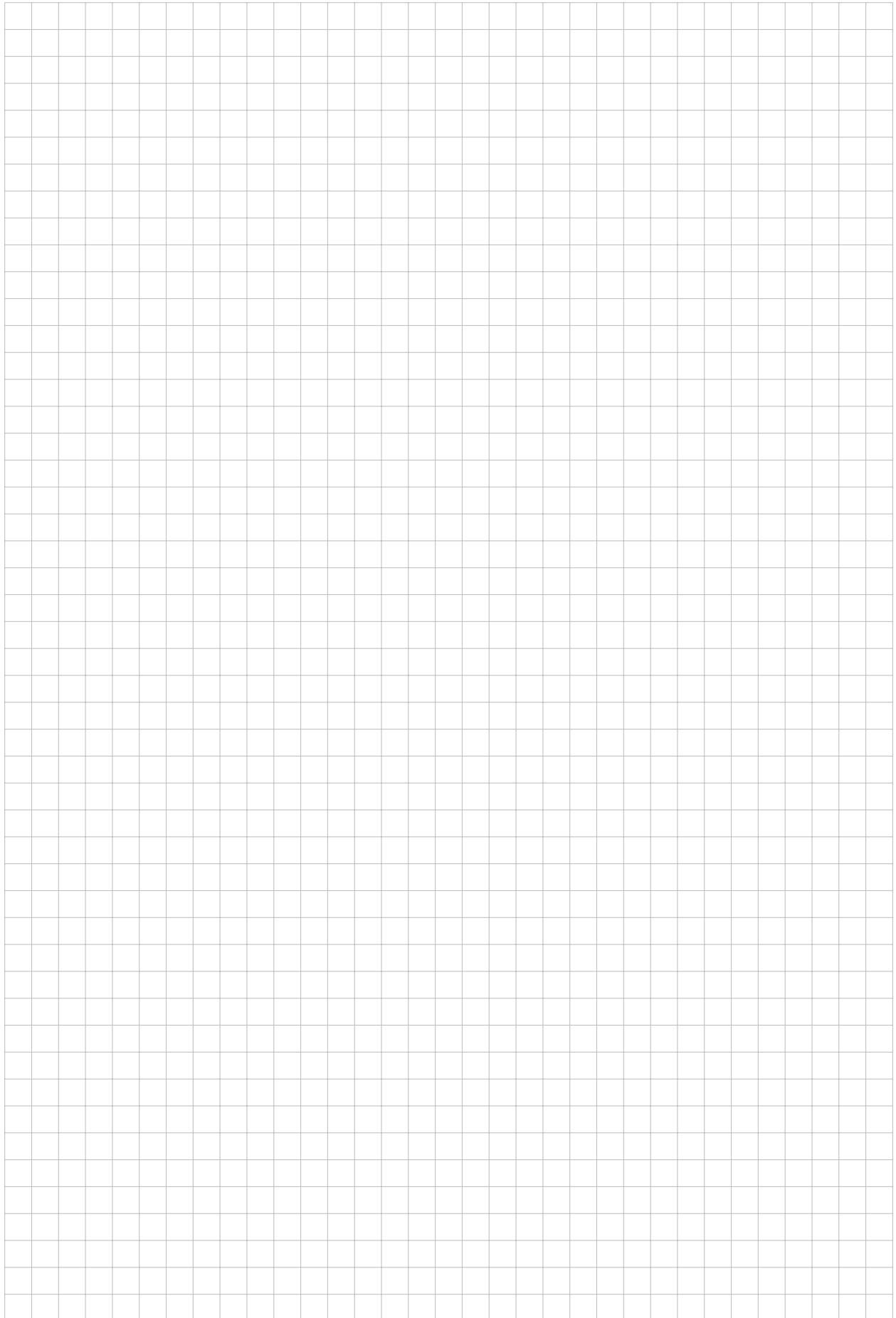
- (c) Donner une équation vectorielle, vue depuis A , de la droite g parallèle à (AC) passant par B .
- (d) Soit J le point d'intersection de d et g . Exprimer le vecteur $\overrightarrow{BJ}$ en fonction de $\overrightarrow{AC}$ et du paramètre α .
- (e) Pour quelle valeur de α a-t-on $I \in d$? Pour cette valeur de α , placer le point J sur la figure.





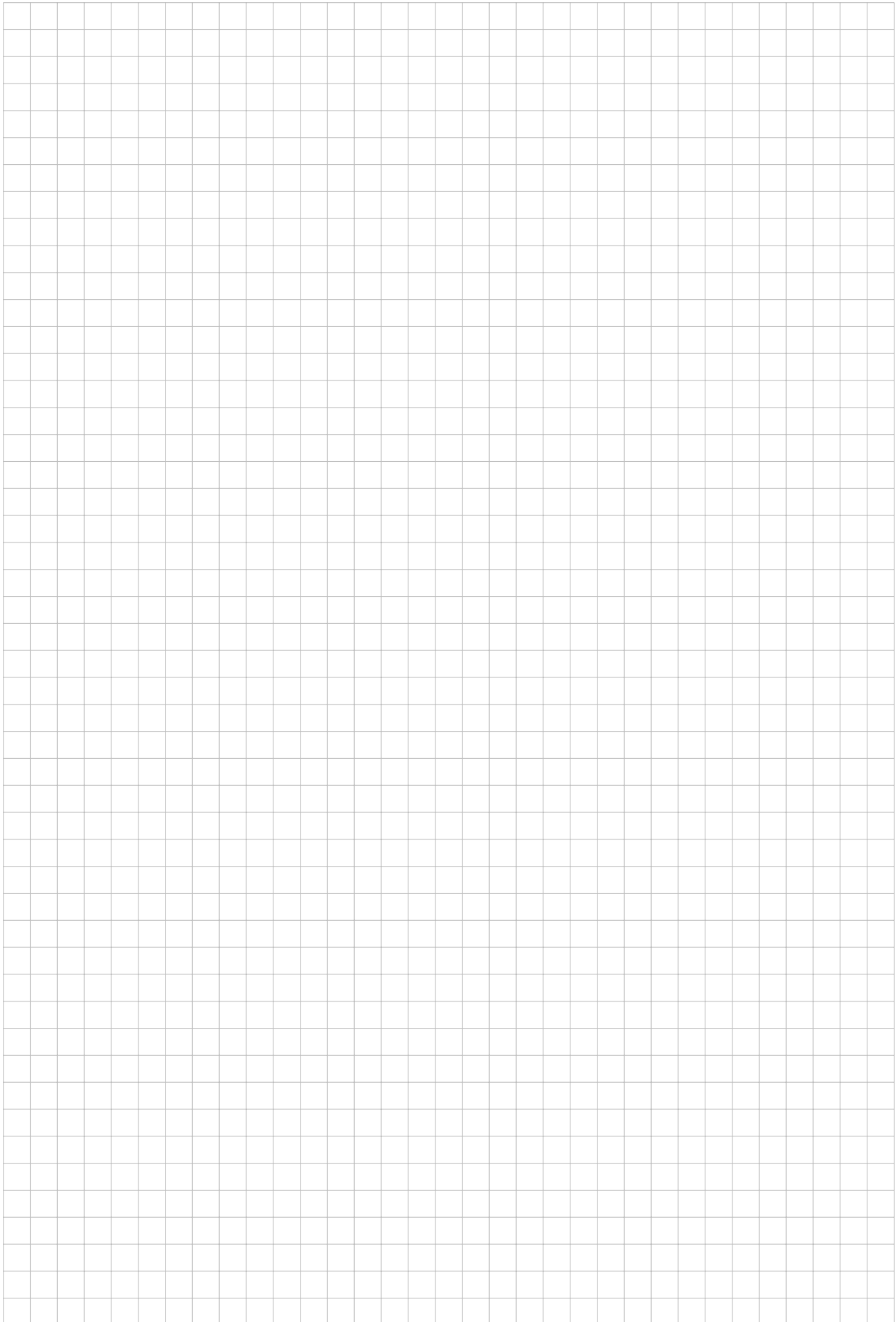
+1/6/55+

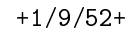






+1/8/53+



[illegible]
$$A(6, 6), \quad B(8, -4), \quad m : 3x - 2y + 7 = 0.$$

- Déterminer les coordonnées du point C .
- Trouver les coordonnées du point M sur d tel que le triangle ABM soit d'orientation directe et ait une aire valant un douzième de l'aire du triangle ABC .



+1/10/51+

